



Fagleg kontakt under eksamen:  
Førsteamanuensis Ole Jacob Broch (73 55 02 56, 91 35 37 63)

MA1101 Grunnkurs i analyse I  
Nynorsk

Måndag 5. desember 2005  
Kl. 9 – 13

Hjelphemiddel: Kalkulator HP30S.

Ved vurderinga tel i utgangspunktet kvart bokstavpunkt og oppgåve 4 - i alt 10 punkt - likt.

Hugs å grunngi alle svar!

Oppgåvesettet har 2 (to) sider.

**Oppgåve 1** La

$$f(x) = x^2 e^{-x}, \quad x \in \mathbb{R}.$$

- a) Finn  $f'(x)$  og  $f''(x)$ .
- b) Finn alle dei lokale og absolutte ekstremalpunktene (og verdiane) samt alle vendepunktene til  $f$ .
- c) Har  $f(x)$  nokre asymptotar? Teikn ei grov skisse av grafen til  $f$ .

**Oppgåve 2** Rekn ut integrala

a)

$$\int \frac{dx}{2x^2 - 1},$$

b)

$$\int \frac{\sin \theta d\theta}{\sin^2 \theta - \cos^2 \theta}.$$

**Oppgåve 3** Finn grenseverdiane

a)

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 + 2x - 3}{x^2 - 1},$$

b)

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \left( \frac{3}{x} - \frac{\ln(1 + 3x)}{x^2} \right).$$

**Oppgåve 4**

Finn den generelle løysinga av differensiallikninga

$$y' - \frac{y}{x} = \frac{x}{\sqrt{1 - x^2}}, \quad x \in ]0, 1[.$$

Finn så den løysinga av likninga som stettar  $y(1/2) = \pi/6$ .

**Oppgåve 5** La  $g$  vere ein funksjon som er kontinuerleg i  $[0, 1]$  og som kan deriverast i  $]0, 1[$ , med  $g(0) = 1$  og  $g(1) = 0$ .

- a) Vis at det finnast eit tal  $c$  i  $[0, 1]$  slik at  $g(c) = c$ . ( Det kan lønne seg å sjå på funksjonen  $h(x) = g(x) - x$ . )
- b) Vis at det finnast eit tal  $d$  i  $]0, 1[$  slik at  $g'(d) = -1$ . ( Du treng ikkje punkt a) for å gjere denne oppgåva. )