



Oppgave 1 Hvor mange løsninger av ligningen $z^5 = 1 - i$ har positiv imaginær del?

A: 1

B: 2

C: 3

D: 5

Oppgave 2 La ligningen

$$y'' + 25y = 2x \cos 5x$$

være gitt. Hvilket av de følgende uttrykk inneholder en partikulær løsning av ligningen?

A: $A_0 \cos 5x + B_0 \sin 5x$, (A_0, B_0 ikke begge lik null)

B: $(A_1x + A_0) \cos 5x + (B_1x + B_0) \sin 5x$, (A_1, B_1 ikke begge lik null)

C: $(A_2x^2 + A_1x + A_0) \cos 5x + (B_2x^2 + B_1x + B_0) \sin 5x$,
(A_2, B_2 ikke begge lik null)

D: $(A_3x^3 + A_2x^2 + A_1x + A_0) \cos 5x + (B_3x^3 + B_2x^2 + B_1x + B_0) \sin 5x$,
(A_3, B_3 ikke begge lik null)

Oppgave 3 For hvilke verdier av k vil løsningene på ligningen

$$y'' + ky' + 16y = 0$$

ha uendelig mange nullpunkt?

A: $k > 8$

B: $k < 8$

C: $k > -8$

D: $-8 < k < 8$

Oppgave 4 La $y_1(x), y_2(x)$ være løsninger på $y'' - 2y' + 2y = 0$ med Wronskideterminant $W(y_1, y_2) = W(x)$. Hvis $W(0) = 2$, hva er $W(1)$?

A: $2e^2$

B: $3e^2$

C: $2e^{-2}$

D: $3e^{-2}$

Oppgave 5 For hvilke(n) a har ligningssystemet

$$\begin{aligned}x_1 + x_2 + 2x_3 &= a \\x_1 + 2x_2 + 3x_3 &= 1 \\2ax_2 + 4x_3 &= a^2\end{aligned}$$

uendelig mange løsninger?

A: ingen

B: $a = 2$ og $a = 0$

C: $a = 2$

D: $a = 0$

Oppgave 6 Hvis $A = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$ og $B = \begin{bmatrix} 7 & 6 \\ 8 & 7 \end{bmatrix}$, hva er $(AB)^{-1}$?

A: $\begin{bmatrix} -39 & -10 \\ -20 & -9 \end{bmatrix}$

B: $\begin{bmatrix} 9 & -8 \\ 10 & 9 \end{bmatrix}$

C: $\begin{bmatrix} 5 & 4 \\ -6 & -5 \end{bmatrix}$

D: $\begin{bmatrix} -5 & -4 \\ 6 & 5 \end{bmatrix}$