

Bollebakeren: Eksamensmai -98, oppgave 2

Baker Bollesen baker boller med rosiner og sukater og reklamerer med at forventet antall rosiner i hver bolle er 10 og at forventet antall sukater i hver bolle er 4. Olav er en trofast kunde hos Bollesen og kjøper flere boller hver dag. Olav er svært glad i rosiner og sukater, men har den siste tiden fått inntrykk av at det er blitt færre rosiner og sukater i bollene til Bollesen enn tidligere. Han bestemmer seg for å regne litt på situasjonen. Olav lar X og Y betegne henholdsvis antall rosiner og antall sukater i en tilfeldig valgt bolle. Han antar at X og Y begge er Poisson-fordelte med henholdsvis $E(X) = \lambda_R$ og $E(Y) = \lambda_S$. Dessuten antar han at X og Y er uavhengige.

Definer følgende to hendelser:

R : En bolle inneholder minst 10 rosiner.

S : En bolle inneholder minst 4 sukater.

- a)
 - Tegn inn hendelsene R og S i et Venn-diagram.
 - Uttrykk følgende hendelser ved hjelp av R og S og skraver dem i Venn-diagrammet:
 - A : En bolle inneholder minst 10 rosiner og minst 4 sukater.
 - B : En bolle inneholder færre enn 10 rosiner, men minst 4 sukater.
 - Er hendelsene A og B disjunkte? (Begrunn svaret).
- b) I dette punktet skal du forutsette at baker Bollesens reklame er korrekt, dvs. at $\lambda_R = 10$ og $\lambda_S = 4$.
 - Hva er sannsynligheten for at en bolle inneholder minst 10 rosiner?
 - Hva er sannsynligheten for at summen av rosiner og sukater i en bolle er minst 14?
 - Dersom Olav kjøper 6 boller, hva er sannsynligheten for at nøyaktig tre av dem skal inneholde færre enn 10 rosiner?