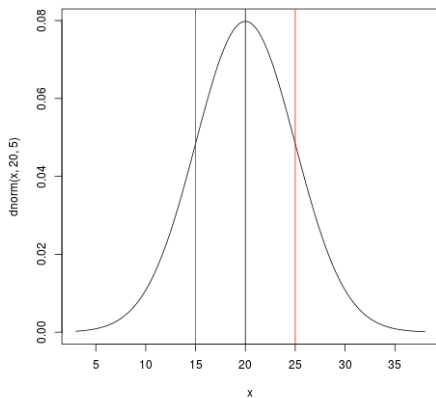


Normal fordeling

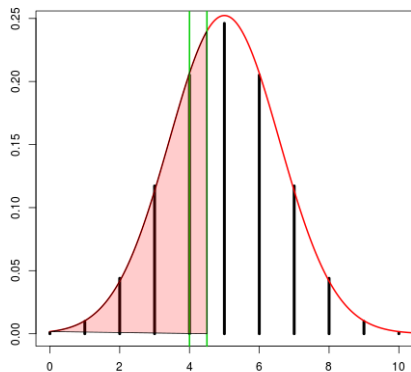


$$f(x; \mu, \sigma) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{1}{2\sigma^2}(x-\mu)^2}$$

- Forventningsverdi: μ . Lokasjon parameter
- Varians: σ^2 . Skalering parameter.

- Mer on normal fordeling
- Flere kontinuering fordeling:
 - Uniform
 - Eksponensiell
 - Gamma
- Vi kommer tilbake til Kap 6.7 etterpå

Binomisk og Normal fordeling



- $X \sim \text{Bin}(10, 0.5)$
- $P(X \leq 4) = 0.376$
- Normal tilnærming

$$Z = \frac{X - 5}{\sqrt{2.5}} \sim N(0, 1)$$

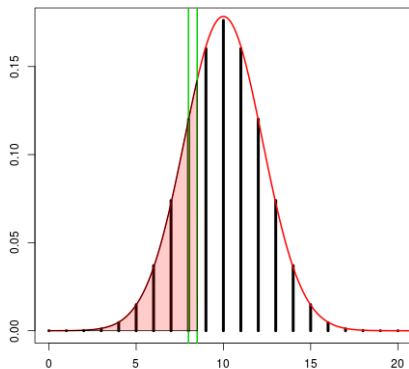
- Uten korreksjon

$$P(X \leq 4) \approx 0.26$$

- Med korreksjon

$$P(X \leq 4) \approx 0.375$$

Binomisk og Normal fordeling



- $X \sim \text{Bin}(20, 0.5)$
- $P(X \leq 8) = 0.2517$
- Normal tilnærming

$$Z = \frac{X - 10}{\sqrt{5}} \sim N(0, 1)$$

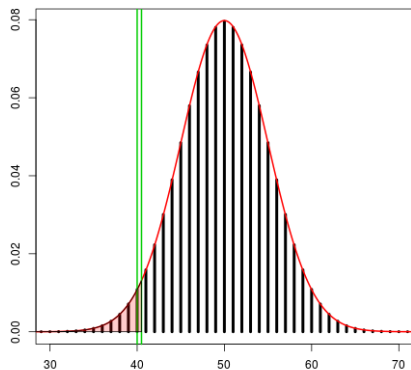
- Uten Korreksjon

$$P(X \leq 8) \approx 0.1855$$

- Med Korreksjon

$$P(X \leq 8) \approx 0.2511$$

Binomisk og Normal fordeling



- $X \sim \text{Bin}(20, 0.5)$
- $P(X \leq 40) = 0.0284$
- Normal tilnærming

$$Z = \frac{X - 50}{\sqrt{25}} \sim N(0, 1)$$

- Uten korreksjon

$$P(X \leq 40) \approx 0.0227$$

- Med korreksjon

$$P(X \leq 40) \approx 0.0287$$

- 1 Antall hendelser i disjunkte intervaller er uavhengige
- 2 Sannsynlighet for en hendelse i en lite interval er proportional med lengde av interval

$$P(\text{"}X = 1\text{" i intervallet}(t, t + \Delta t)) = \lambda \Delta t + o(\Delta t)$$

- 3 Sannsynlighet for at det er mer enn er hendelse i en lite interval er neglisjerbart

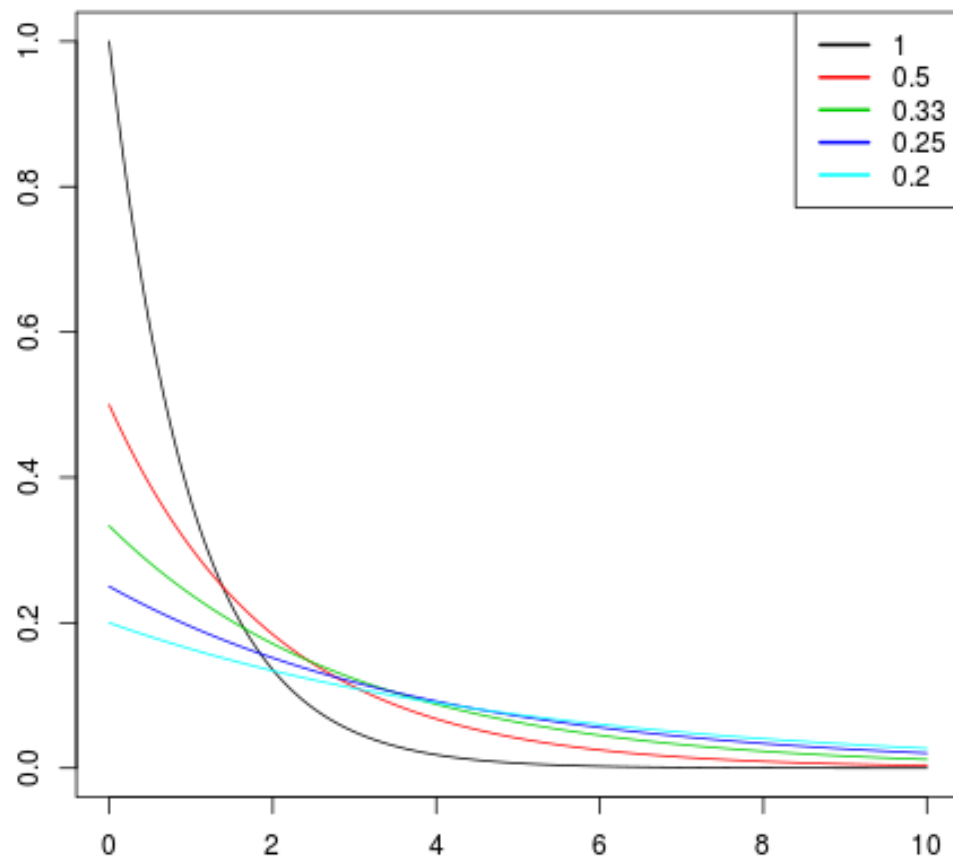
$$P(\text{"}X \geq 2\text{" i intervallet}(t, t + \Delta t)) = o(\Delta t)$$

Den SV $X =$ " antall hendelser i $(0, t)$ " har en Poisson fordeling med parameter λ

$$P(X = x) = \frac{e^{-\lambda t} (\lambda t)^x}{x!}$$

Der $\lambda =$ " Forventet antall hendelser per tids enhet"

Eksponensiell fordeling



Eksempel: Trafikk-kontroll, mobilbruk

Politiet vil aksjonere mot ulovlig mobilbruk i bil, og gjennomfører kontroll ved Lerkendal-rundkjøringen.

- Antar at antall bilførere som blir bøtelagt i løpet av t timer er Poisson-fordelt med intensitet $\lambda = 5$, dvs. med forventning $\lambda t = 5t$.
- $Y =$ "antall hendelser i intervallet $[0; t]$ ", er Poisson-fordelt

$$p(y; \lambda t) = \frac{e^{-\lambda t} (\lambda t)^y}{y!} \text{ for } y = 0, 1, 2, \dots$$

hvor λ er gjennomsnittlig antall hendelser per enhet (intervall eller region).

Eksempel: Trafikk-kontroll, mobilbruk

Politiet vil aksjonere mot ulovlig mobilbruk i bil, og gjennomfører kontroll ved Lerkendal-rundkjøringen.

- Antar at antall bilførere som blir bøtelagt i løpet av t timer er Poisson-fordelt med intensitet $\lambda = 5$, dvs. med forventning $\lambda t = 5t$.
- Y = "antall hendelser i intervallet $[0; t]$ ", er Poisson-fordelt

$$p(y; \lambda t) = \frac{e^{-\lambda t} (\lambda t)^y}{y!} \text{ for } y = 0, 1, 2, \dots$$

hvor λ er gjennomsnittlig antall hendelser per enhet (intervall eller region).

- La X være tid fra kontrollen starter til første bilfører blir bøtelagt.
- X = "tid til første hendelse", er eksponensialfordelt med forventning $E(X) = 1/\lambda$.

Eksempel: Trafikk-kontroll (forts.)

- 1 Hva er forventet tid til første bøtelegging?
- 2 Hvor sannsynlig er det at første bot blir skrevet ut før det er gått 20 min?
- 3 Dersom ingen er bøtelagt etter 20 min., hva er sannsynligheten for at den første bot ikke blir skrevet ut i løpet av de neste 20 min.?
- 4 Hva er sannsynligheten for at det tar mer enn en time før 2 bøter er skrevet ut?