

# Simultan sannsynlighetsfordeling $f$ , til $X$ og $Y$

- for **diskret**  $X$  og  $Y$  beskrives ved en simultan punktsannsynlighet  $f$  som oppfyller

- $f(x; y) \geq 0$  for alle mulige realiseringer av  $x$  og  $y$
- $\sum_x \sum_y f(x; y) = 1$
- For en delmengde av de mulige realiseringene  $A$  er

$$P((X; Y) \in A) = \sum_{(x; y) \in A} f(x; y)$$

- for **kontinuerlige**  $X$  og  $Y$  beskrives ved en simultan sannsynlighetstetthet  $f : \mathbf{R}^2 \rightarrow R$  som oppfyller

- $f(x; y) \geq 0$  for alle  $x; y \in R^2$
- $\int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f(x; y) dx dy = 1$
- For en delmengde av de mulige realiseringene  $A \in R^2$  er

$$P((X; Y) \in A) = \int \int_A f(x, y) dx dy$$

# Marginal Fordeling

Marginalfordelingene til  $X$  og  $Y$  er

- for **diskret**  $X$  og  $Y$

$$g(x) = \sum_y f(x, y) \text{ og } h(y) = \sum_x f(x, y)$$

- for **kontinuerlige**  $X$  og  $Y$

$$g(x) = \int_y f(x, y) dy \text{ og } h(y) = \int_x f(x, y) dx$$

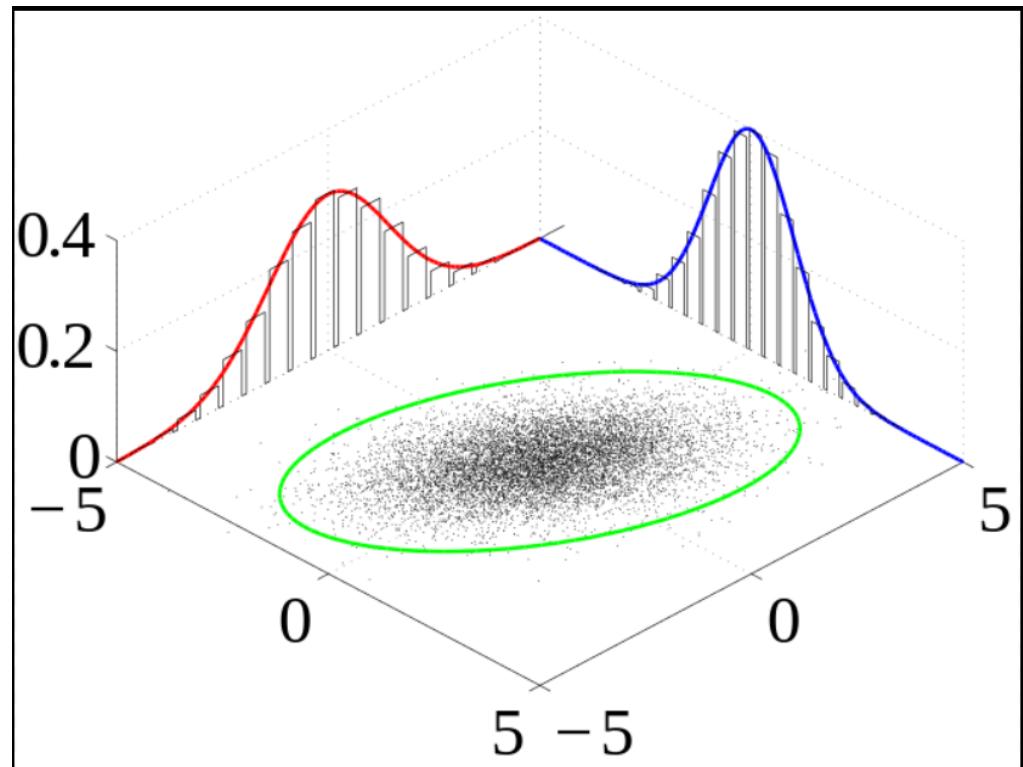
# Marginal Fordeling - diskret

		0	1	2	$x$	$h(y)$
	0	0.07	0.20	0.07		
$y$	1	0.27	0.27	0		
	2	0.12	0	0		
$g(x)$						1

# Marginal Fordeling - diskret

		$x$			
	0	1	2		$h(y)$
$y$	0	0.07	0.20	0.07	0.34
	1	0.27	0.27	0	0.54
	2	0.12	0	0	0.12
$g(x)$		0.46	0.47	0.07	1

# Marginal Fordeling - kontinuerlig



# Betinget Fordeling

Den betingede fordelingen

- for  $Y$  gitt at  $X = x$  er

$$f(y|X = x) = \frac{f(x, y)}{g(x)}; \text{ når } g(x) > 0$$

- for  $X$  gitt at  $Y = y$  er

$$f(x|Y = y) = \frac{f(x, y)}{h(y)}; \text{ når } h(y) > 0$$

# Kap 3 og 4

- Kap.3 Sannsynlighetsfordeling (beskriver hele fordeling)
- Kap.4 Hvordan kan vi beskrive de viktigste egenskaper til en SV
  - I dag: Uavhengighet, Forventningsverdi, Varians, Covarians
  - Neste gang: Covarians og regne regler

# Kovarians

