



## MA1202 Lineær algebra med anvendelser, våren 2009

### Øving 6

Veiledning: Uke 9

Se hjemmesiden for tidene tilhørende de ulike gruppene.

#### Fra Anton og Rorres *Elementary Linear Algebra*

Avsnitt 6.3: 24b.

Avsnitt 6.4: 3a, 3b, 9.

Avsnitt 7.1: 4a, 5a, 6a.

**Oppdiktet oppgave 1:** Prioriter punkt a) og c). Kjempeflott om dere får tittet på b)

- La  $A$  være en  $m \times n$ -matrise. Vis at  $\text{Row}(A)^\perp = \text{Null}(A)$ . Det vil si: Som underrom av euklidisk  $\mathbb{R}^n$  er nullrommet ( $\text{Null}(A)$ ) er det ortogonale komplementet til radrommet ( $\text{Row}(A)$ ).
- La  $W$  være et underrom av et endeligdimensjonalt indreproduktrom  $V$ . Vis at  $\dim(W) + \dim(W^\perp) = \dim(V)$ .
- Bruk a) og b) til å vise dimensjonsteoremet: rang  $A$  + nullitet  $A$  = antall kolonner i matrisen  $A$

For hint, se <http://wiki.math.ntnu.no/ma1202/2009v/hint>

#### **Oppdiktet oppgave 2:**

Beregn

$$\|u - \frac{\langle u, v \rangle}{\langle v, v \rangle} v\|^2.$$

Hva sier dette om forholdet mellom  $|\langle u, v \rangle|$ ,  $\|u\|$  og  $\|v\|$ ?

#### **Anbefalte ekstraoppgaver fra læreboken**

Avsnitt 6.3: 23, 24

Avsnitt 7.1: 12, 13

Suppl.Ex 6: 1, 7, 8, 12, 13.