TMA4110 Matematikk 3 Høst 2009

Norges teknisk–naturvitenskapelige universitet
Institutt for matematiske fag

Øving 6 – Veiledning uke 40

Fra Edwards & Penney, avsnitt 1.4

Oppgaver fra boka: 9, 21.

39 Bruk matrisemultiplikasjon til å vise at hvis $\mathbf{x}_1$ og $\mathbf{x}_2$ er to løsninger av det homogene systemet $A\mathbf{x} = \mathbf{0}$ og c_1 og c_2 er reelle tall, så er $c_1\mathbf{x}_1 + c_2\mathbf{x}_2$ også en løsning.

40 **a)** Bruk matrisemultiplikasjon til å vise at hvis $\mathbf{x}_0$ er en løsning av det homogene systemet $A\mathbf{x} = \mathbf{0}$ og $\mathbf{x}_1$ er en løsning av det inhomogene systemet $A\mathbf{x} = \mathbf{b}$, så $\mathbf{x}_0 + \mathbf{x}_1$ også en løsning av det inhomogene systemet.

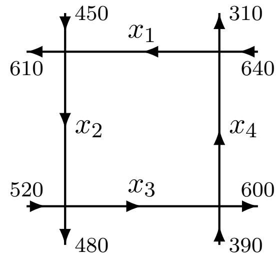
b) Anta at $\mathbf{x}_1$ og $\mathbf{x}_2$ er løsninger av det inhomogene systemet i **a)**. Vis at $\mathbf{x}_1 - \mathbf{x}_2$ er en løsning av det homogene systemet $A\mathbf{x} = \mathbf{0}$.

Fra Edwards & Penney, avsnitt 1.5

Oppgaver fra boka: 5, 17, 22, 23.

Eksamensoppgaver (`http://www.math.ntnu.no/emner/TMA4110/2009h/eksamen/xoppg.pdf`)

A-22 I en by er det fire enveiskjørte gater som krysser hverandre som på figuren. Antall biler som passerer pr. time er angitt på figuren.



Vis at $\mathbf{x} = (x_1, x_2, x_3, x_4)$ tilfredsstiller et ligningssystem på formen

$$A\mathbf{x} = \mathbf{b}$$

og løs det. Hva blir x_1, x_2 og x_3 når $x_4 = 200$?

A-23 I byen Patos blir hvert år 30 % av de gifte kvinnene skilt, og 20 % av de ugifte blir gift. I byen er det i øyeblikket 8000 gifte kvinner og 2000 ugifte. Anta at det totale kvinnetallet er konstant. Ifølge lokale lover kan en kvinne kun gifte eller skille seg en gang i året.

Vis hvordan antallet gifte og ugifte kvinner etter n år bestemmer antallet gifte og ugifte kvinner etter $(n + 1)$ år. Bruk dette til å regne ut hvor mange gifte og ugifte kvinner det er etter 1, 2 og 3 år.

Flervalgsoppgaver

1 Finn AB for 2×2-matrisene $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ og $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$.

A: $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$ **B:** $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ **C:** $\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ **D:** $\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

2 For hvilken c har ikke 2×2-matrisen $\begin{bmatrix} -1 & 1 \\ c & 2 \end{bmatrix}$ en invers matrise?

A: $c = 0$ **B:** $c = -2$ **C:** $c = 2$ **D:** $c = -1/2$

Fasit

EP 1.5

22. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & -2 & -1 & 2 \\ 0 & 1 & 1 & -1 \\ -3 & 3 & -5 & 1 \end{bmatrix}$

Eksamensoppgaver

A-22 $x_1 = 330 + t,\ x_2 = 170 + t,\ x_3 = 210 + t,\ x_4 = t$

Når $x_4 = 200$, er $x_1 = 530,\ x_2 = 370,\ x_3 = 410$

A-23 $\begin{bmatrix} G_{n+1} \\ U_{n+1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.7 & 0.2 \\ 0.3 & 0.8 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} G_n \\ U_n \end{bmatrix};$

n	0	1	2	3
G_n	8000	6000	5000	4500
U_n	2000	4000	5000	5500