



## Fra Edwards & Penney, avsnitt 6.4

Oppgave 15, 25

## Fra Edwards & Penney, avsnitt 8.1

Oppgave 3, 11, 23

## Eksamensoppgaver

Aug. 01, oppg. 7 a) Finn egenverdiene og egenvektorene til matrisen

$$A = \begin{bmatrix} 7 & 2 \\ 3 & 8 \end{bmatrix}.$$

b) I byen Etos blir hvert år 30% av de gifte mennene skilt og 20% av de ugifte blir gift. Anta at det totale antall menn er konstant. Ifølge lokale lover kan en mann kun gifte eller skille seg en gang i året.

Hva blir fordelingen av gifte og ugifte menn på lang sikt når det i øyeblikket er 8000 gifte og 2000 ugifte menn i byen?

## Eksamensoppgaver

Aug. 04, oppg. 10 3 a) Finn egenverdier og egenvektorer for matrisen

$$A = \begin{bmatrix} 7 & 1 \\ 1 & 7 \end{bmatrix}$$

b) Foreta et variabelskifte  $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = P \begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix}$  som bringer den kvadratiske formen

$$7x^2 + 2xy + 7y^2$$

over i en kvadratisk form uten kryssledd ( $x'y'$ ). Angi matrisen  $P$  og den nye kvadratiske formen.

## Eksamensoppgaver

Des. 05, oppg. 7 La  $A$  og  $B$  være to  $n \times n$  matriser.

Vis at desom 0 er en egenverdi for  $AB$ , så er 0 en egenverdi for  $BA$ .

Vis at dersom  $B$  er inverterbar og  $\lambda$  er en egenverdi for  $AB$ , så er  $\lambda$  en egenverdi for  $BA$ .

## Fasit

### EP 6.4

15.  $\lambda_1 = 0$ ,  $\mathbf{v}_1 = (0, -1, 0, 1)$ ,

$\lambda_2 = 2$  (multiplisitet 3),  $\mathbf{v}_2 = (1, 0, 0, 0)$ ,  $\mathbf{v}_3 = (0, 1, 0, 1)$ ,  $\mathbf{v}_4 = (0, 0, 1, 0)$ .

### EP 8.1

3.  $9(x')^2 - 16(y')^2 = 144$ : hyperbel; origo  $(1, -1)$

11.  $(x')^2 - (y')^2 = 1$ : hyperbel;  $\arctan(\frac{1}{3}) \approx 18.43^\circ$

23.  $2(y' - 1)^2 - (x' - 2)^2 = 1$ : hyperbel;  $\arctan(\frac{4}{3}) \approx 53.13^\circ$

### Eksamensoppgaver

7. (Aug. 01)

a)  $\lambda_1 = 10$ ,  $\mathbf{v}_1 = (2, 3)$ ,  $\lambda_2 = 5$ ,  $\mathbf{v}_2 = (1, -1)$

b) 4000 gifte og 6000 ugifte menn

10. (Aug. 04)

a)  $\lambda_1 = 6$ ,  $\mathbf{v}_1 = (1, -1)$   $\lambda_2 = 8$ ,  $\mathbf{v}_2 = (1, 1)$

b)  $P = \frac{\sqrt{2}}{2} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$   
 $6x'^2 + 8y'^2$