

Anbefalte oppgaver 2

Oppgaver til kapittel 2

1. Skriv ligningssystemet

$$\begin{cases} x - 4y + 28z = -2 \\ -x + y - 7z = -31 \\ x + 2y - 14z = 64 \end{cases}$$

om til matriseform, og løs.

2. Hvilke av disse matrisene er på trappeform? Hvilke av dem er på redusert trappeform?

a) $\begin{bmatrix} 1 & 5 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

b) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$

c) $\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 4 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

3. Løs ligningssystemet med totalmatrise

a) $\left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & -3 & 1 & 1 \\ 4 & -1 & -1 & 3 \end{array} \right]$

b) $\left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & -3 & 1 & 1 \end{array} \right]$

c) $\left[\begin{array}{cc|c} i & 1 & -1 \\ 1 & i & i \end{array} \right]$

d) $\left[\begin{array}{ccc|c} 0 & 1 & 1 & 1 \\ i & 1 & 1 & 1+i \end{array} \right]$

4.

a) Løs ligningssettene

$$\begin{aligned} 2x - y + z &= 0 \\ 3x + y - 6z &= 0 \\ 4x - 2y + 2z &= 0 \end{aligned}$$

og

$$\begin{aligned} 2x - y + z &= 1 \\ 3x + y - 6z &= 4 \\ 4x - 2y + 2z &= 2 \end{aligned}$$

og forklar sammenhengen mellom løsningsmengdene.

b) Kan du finne a, b og c slik at

$$\begin{aligned} 2x - y + z &= a \\ 3x + y - 6z &= b \\ 4x - 2y + 2z &= c \end{aligned}$$

ikke har noen løsning?

5. Anta at vi har et ligningssystem med m ligninger og n ukjente. Hvilke av de ni forskjellige tilfellene i følgende tabell er mulige?

	$m < n$	$m = n$	$m > n$
ingen løsninger			
én løsning			
uendelig mange løsninger			

6. Finn alle løsninger av ligningssettet, der utvidet matrise har trappeform:

$$\left[\begin{array}{ccc|c} 1 & a & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & c \\ 0 & 0 & b & c \end{array} \right]$$

for alle forskjellige reelle verdier av a, b og c .

7. Vis at følgende påstander er sanne for alle matriser M, N og L :

a) Hvis $M \sim N$, så: $N \sim M$.

b) Hvis $M \sim L$ og $L \sim N$, så: $M \sim N$.

8. La z være en løsning av ligningen $z^2 + z + 1 = 0$. Finn en løsning av ligningssystemet med totalmatrise

$$\left[\begin{array}{cccc|c} 1 & 1 & 1 & 3 & 9 \\ 1 & 1 & 1 & -1 & 1 \\ 1 & z & z^2 & 0 & 0 \\ 1 & z^2 & z & 0 & 0 \end{array} \right]$$

9. Avgjør hvorvidt ligningssystemet gitt ved

$$\left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 3 & 5 \\ 1 & -2 & -1 & 1 \\ 0 & -4 & -1 & -1 \end{array} \right]$$

har en løsning.

Eksamensoppgaver

Vår 2018: Oppgave 2a

Vår 2019: Oppgave 1b