

12.4 Analytiske funksjoner

$$f(z) = u(x,y) + i v(x,y), \quad z = x + iy$$

DEF: f er analytisk i et område D

\Leftrightarrow DEF

f er deriverbar i D

Teorem 12.4.1

f deriverbar i $z = x + iy$

\Downarrow

$$u_x = v_y \quad \text{og} \quad v_x = -u_y$$

\Downarrow

$$f'(z) = u_x + i v_x = v_y - i u_x$$

Cauchy - Riemann - lign.

Teorem 12.4.2

u, v har kont. første ordens part. der. i et område D

$$\text{s.a. } u_x = v_y \quad \text{og} \quad u_y = -v_x$$

\Downarrow

$f(z) = u(x,y) + i v(x,y)$ analytisk i D

Teorem 12.4.3

f analytisk i område D

\Downarrow

u, v har kont. part. deriverte av orden 2 i D

$$\text{og} \quad \nabla^2 u = 0 \quad \text{og} \quad \nabla^2 v = 0$$