

TMA4130/35 MATEMATIKK 4N/D

Midtsemesterprøve 16. oktober 2004 kl. 10

Tid: 90 minutter

Hjelpemidler: Enkel kalkulator (HP30S)

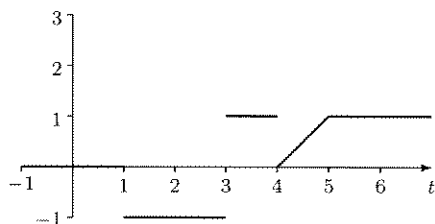
Rottmann: *Matematisk formelsamling*

Kreyszig: *“Advanced Engineering Mathematics”*

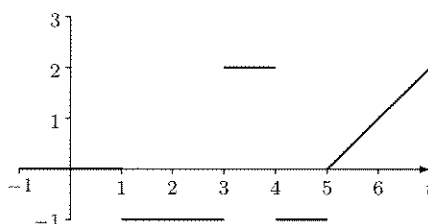
**NB:** Sett *ett* kryss for hver oppgave på svararket. *Ikke* skriv på oppgavearket!

**Oppgave 1** La  $r(t) = -u(t - 1) + 2u(t - 3) - u(t - 4) + (t - 4)u(t - 5)$ , der  $u(t)$  er trinnfunksjonen (også kalt Heavisidefunksjonen eller “unit step function”). Hvilken av de følgende figurene viser grafen til  $r(t)$ ?

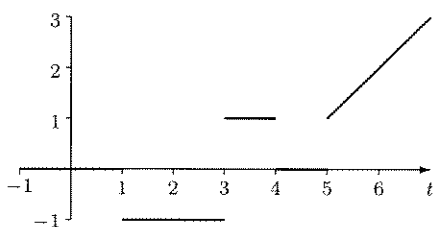
**A:**



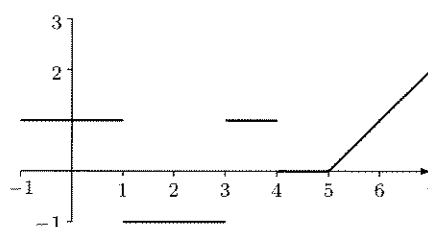
**B:**



**C:**



**D:**



**Oppgave 2** Gitt initialverdioproblemet  $y'' + y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 1$ .

Den Laplacetransformerte  $Y(s)$  av løsningen  $y(t)$  er:

**A:**  $Y(s) = \frac{s+1}{s^2+1}$     **B:**  $Y(s) = \frac{1}{s^2}$     **C:**  $Y(s) = \frac{s}{s^2+2}$     **D:**  $Y(s) = \frac{s^2}{s+1}$

**Oppgave 3** Den Laplacetransformerte til funksjonen  $tu(t - 1)$  er:

**A:**  $\frac{1}{s}e^{-s}$     **B:**  $\frac{1}{s^2}e^{-s}$     **C:**  $\frac{1-s}{s^2}e^{-s}$     **D:**  $\frac{1+s}{s^2}e^{-s}$



**Oppgave 8** Hvilket av alternativene er løsning av  $u_x + u_y = 0$  ?

**A:**  $u(x, y) = Ce^{k(x+y)}$

**B:**  $u(x, y) = C \sin(kx)e^{-ky}$

**C:**  $u(x, y) = Ce^{-kx} \sin(ky)$

**D:**  $u(x, y) = C \cdot \frac{e^{kx}}{e^{ky}}$

**Oppgave 9** La  $f(x)$  være den  $2\pi$ -periodiske funksjonen gitt ved

$$f(x) = x(\pi - |x|) \quad \text{for} \quad -\pi < x \leq \pi.$$

Det oppgis at Fourierrekken til  $f(x)$  er  $\frac{8}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin(2n-1)x}{(2n-1)^3}$ .

Summen av rekken  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{(2n-1)^3}$  er:

**A:**  $\frac{\pi^5}{316}$

**B:**  $\frac{\pi^4}{100}$

**C:**  $\frac{\pi^2}{10}$

**D:**  $\frac{\pi^3}{32}$

**Oppgave 10**

La funksjonen  $f(x)$  være gitt ved

$$f(x) = \begin{cases} 1 - |x| & \text{for } |x| \leq 1, \\ 0 & \text{for } |x| > 1. \end{cases}$$

Bruk Fourier-integralet til  $f(x)$  til å finne verdien av integralet  $\int_0^{\infty} \frac{\cos w - \cos^2 w}{w^2} dw$ .

Svaret er:

**A:**  $\frac{\pi}{2}$

**B:**  $-1000$

**C:**  $0$

**D:**  $1$