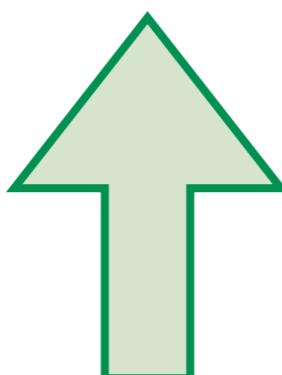
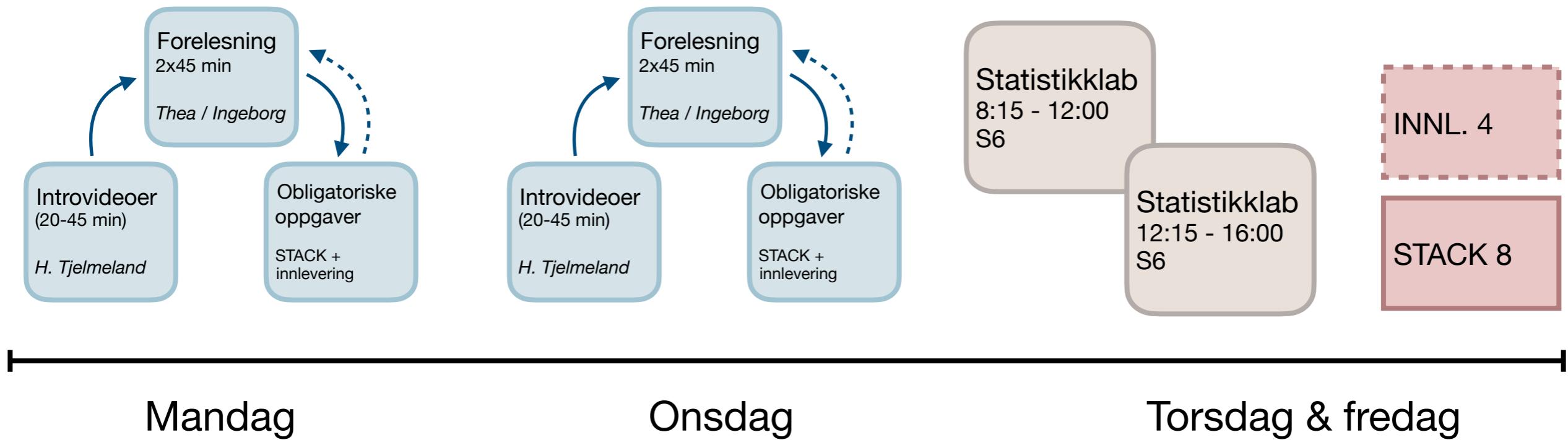
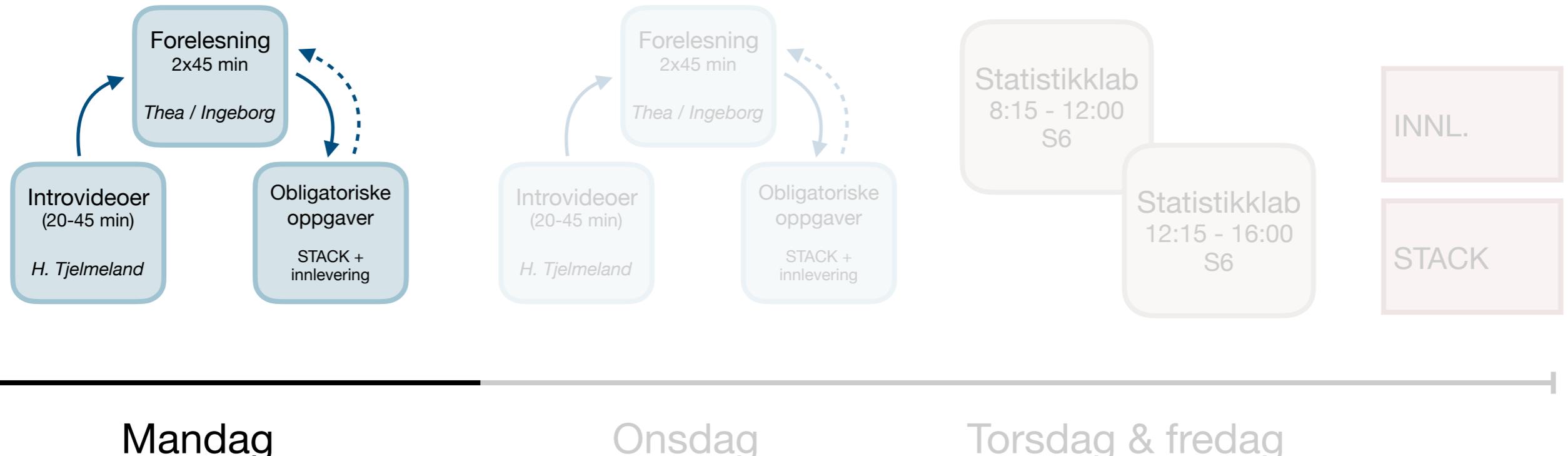


# TMA4245 Statistikk

## Uke 9 - onsdag



# Uke 9 (mandag 26. feb - fredag 1. mars)



# Introvideoer

## Estimering og stokastisk simulering

TMA4240/TMA4245 Statistikk

Håkon Tjelmeland  
Institutt for matematiske fag  
Norges teknisk-naturvitenskapelige universitet

# Torsdag & fredag

## Oppgaver

## STACK 8: Oppg. 3-4 INNL. 4: Oppg. 3

## Rimelighetsfunksjonen og sannsynlighetsmaksimeringsestimator

TMA4240/TMA4245 Statistikk

Håkon Tjelmeland

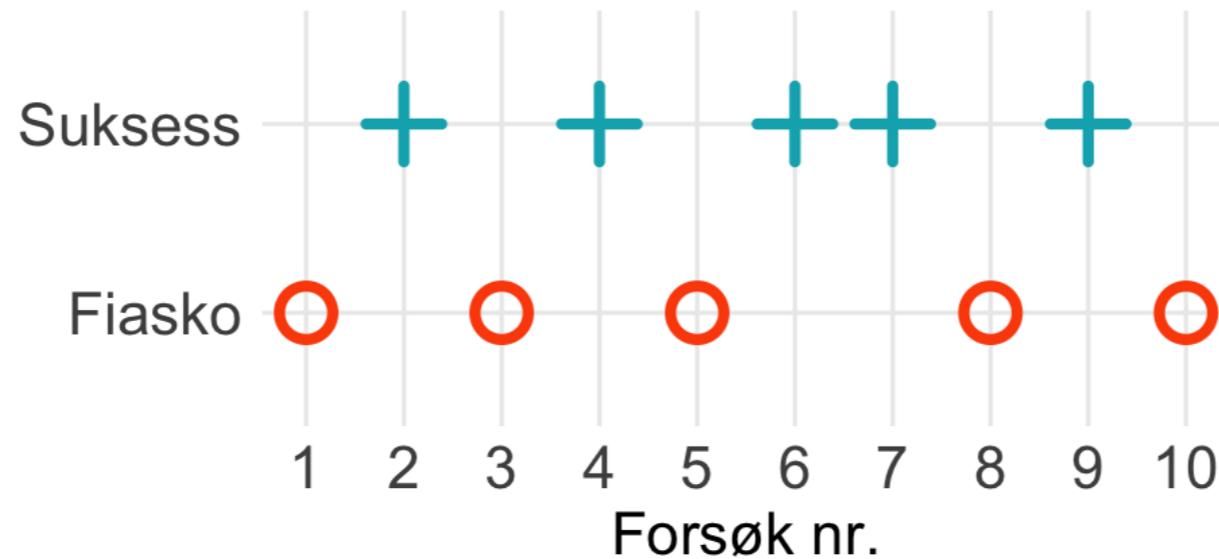
Institutt for matematiske fag

Norges teknisk-naturvitenskapelige universitet



**I blokk 1:**

# Eks 1: Estimere $p$ fra en Bernoulli forsøksrekke



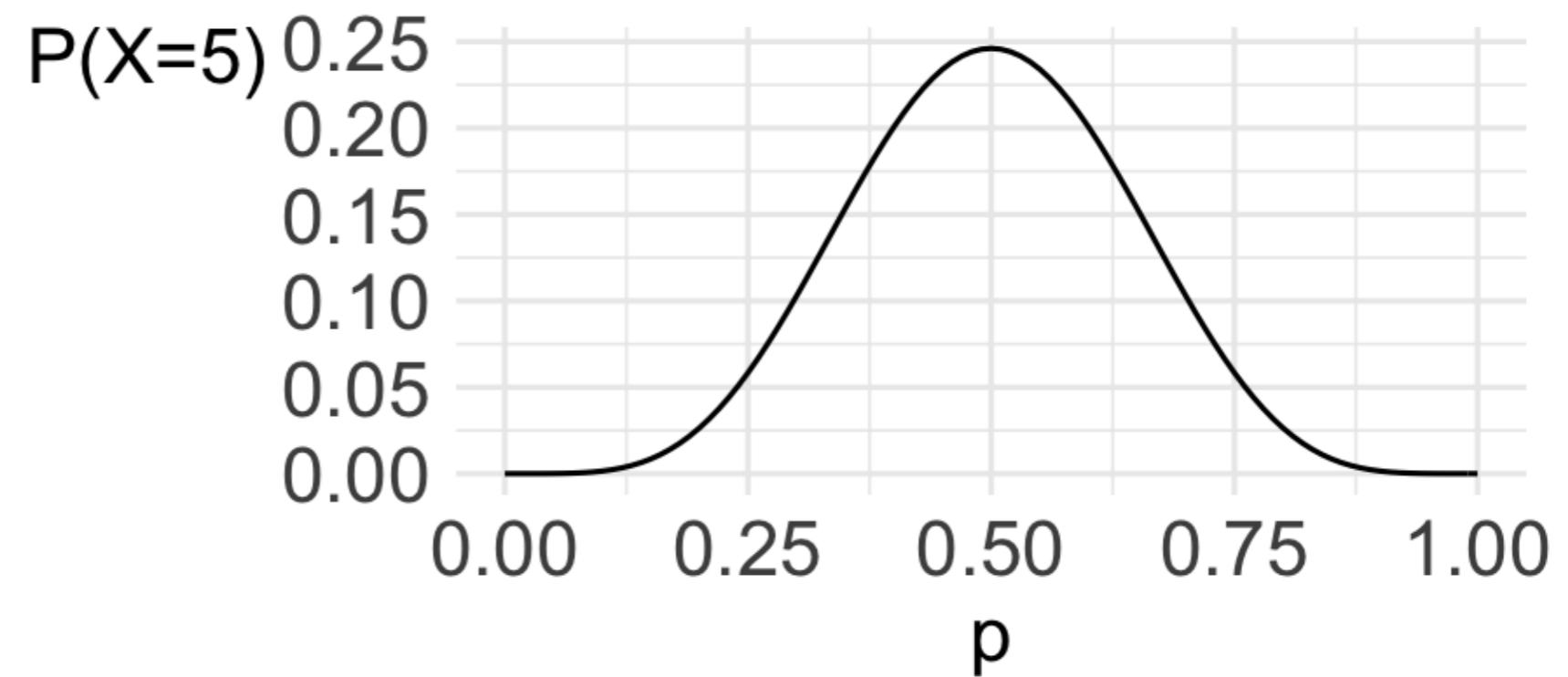
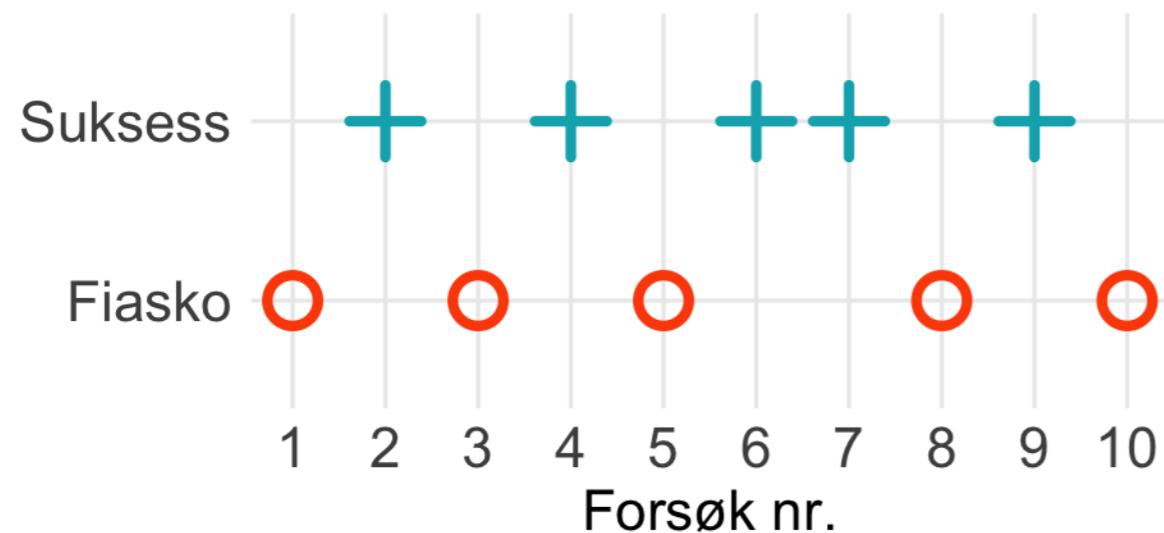
Hva tror du sannsynligheten  $p$  for suksess i ett forsøk er?

$$\text{Estimat: } \hat{p} = 0.5$$

$$\text{Estimator: } \hat{p} = \frac{X}{n} \quad X \sim \text{Binom}(n, p)$$

Hva blir  $E(\hat{p})$  og  $\text{Var}(\hat{p})$ ?

# Eks 1: Estimere $p$ fra en Bernoulli forsøksrekke



# Eks 1: Estimere $p$ fra en Bernoulli forsøksrekke

$X \sim \text{Binom}(n, p)$

$$L(p; x) = \binom{n}{x} p^x (1 - p)^{n-x}$$

$$l(p; x) = \ln \binom{n}{x} + x \ln(p) + (n - x) \ln(1 - p)$$

Finn verdien av  $p$  (uttrykt ved  $x$  og  $n$ ) som maksimerer  $l(p; x)$

# Eks 2: Estimere $\mu$ og $\sigma^2$ i normalfordelingen

[https://shiny.math.ntnu.no/theabj/sme\\_normal/](https://shiny.math.ntnu.no/theabj/sme_normal/)

$$l(\mu, \sigma^2; x_1, \dots, x_n) = -\frac{n}{2} \ln(2\pi\sigma^2) - \frac{1}{2\sigma^2} \sum_{i=1}^n (x_i - \mu)^2$$